

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Косенок Сергей Михайлович

Должность: ректор

Дата подписания: 19.06.2024 06:50:03

Уникальный программный ключ:

e3a68f3eaa1e62674b54f4998099d3d6bfdcf836

**Тестовое задание для диагностического тестирования по дисциплине:**

**Математический анализ**

Квалификация  
выпускника

бакалавр

*бакалавр, магистр, специалист*

Направление  
подготовки

09.03.04

*шифр*

Программная инженерия

*наименование*

Направленность  
(профиль)

Программное обеспечение компьютерных систем

*наименование*

Форма обучения

очная

*наименование*

Кафедра-  
разработчик  
Выпускающая  
кафедра

Прикладная математика

*наименование*

Автоматики и компьютерных систем

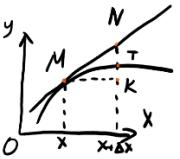
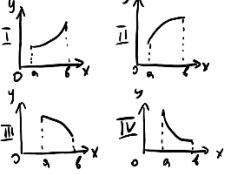
*наименование*

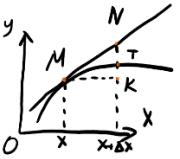
**Диагностический тест по дисциплине «Математический анализ» за первый семестр**

Проверяемые компетенции	Задание	Варианты ответов	Тип сложности
ОПК-1.2, ОПК-1.5	1. Выбрать один вариант ответа. Множество точек на числовой оси, удаленных от числа $a$ на расстояние, не превосходящее $b$ , можно описать выражением ...	1) $ x-a  \leq b$ ; 2) $ x-a  < b$ ; 3) $ x-a  \geq b$ ; 4) $ x-b  \leq a$ ; 5) $-b \leq x+a \leq b$ .	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	2. Определить точку минимума функции $y=f(x)$ , при условии, что $f'(x)=(3+x)(x+1)$ .	—	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	3. Указать интегралы, которые вычисляются методом интегрирования по частям.	1) $\int x \cos x dx$ ; 2) $\int x \operatorname{arctg} x dx$ ; 3) $\int x \cos x^2 dx$ ; 4) $\int x e^{x^2} dx$ ; 5) $\int x e^x dx$ ; 6) $\int x^3 dx$ .	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	4. Выбрать несколько вариантов ответов. Пусть $a, b$ – вещественные числа. Указать верные утверждения.	1) $ -a = a $ ; 2) $ a  \leq b$ равносильно $-a \leq b \leq a$ ; 3) $ a+b  \geq  a + b $ ; 4) $ a-b  \geq  a - b $ ; 5) $(a+b)^2 = a^2 + b^2$ . 6) $\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	5. Выбрать один правильный ответ. Первообразной для функции $y=3x^2$ является функция ...	1) $g(x)=x^3+1$ ; 2) $g(x)=x^2$ ;	средний

		3) $g(x) = 6x^2 + 2$ ; 4) $g(x) = x^3 + C$ , где $C$ – произвольная постоянная.	
ОПК-1.2, ОПК-1.5	6. Выбрать один правильный ответ. Неопределенным интегралом для функции $y = 4x^3$ является функция ...	1) $g(x) = x^3$ ; 2) $g(x) = x^4 + 1$ ; 3) $g(x) = 12x^3 + 3$ ; 4) $g(x) = x^4 + C$ , где $C$ – произвольная постоянная; 5) $g(x) = x^4$ .	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	7. Выбрать один правильный ответ. Неопределённый интеграл от функции $y = f(x)$ на отрезке $[a; b]$ – это ....	1) Множество всех первообразных; 2) Какая-либо первообразная; 3) Площадь криволинейной трапеции; 4) Предел интегральных сумм, не зависящий ни от способа разбиения отрезка, ни от выбора точек, принадлежащих этому отрезку.	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	8. Выбрать несколько вариантов ответа. Необходимым условием существования экстремума в точке $x_0$ для функции $y = f(x)$ является ....	1) равенство нулю производной в точке $x = x_0$ ; 2) $f''(x_0) < 0$ ; 3) $f''(x_0) > 0$ ; 4) отсутствие производной у функции $y = f(x)$ в точке $x = x_0$ ; 5) $f'(x_0 - 0) < 0$ и $f'(x_0 + 0) > 0$ ; 6) $f'(x_0 - 0) > 0$ и $f'(x_0 + 0) < 0$ .	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	9. Выбрать один правильный ответ. Угловой коэффициент касательной к графику функции в некоторой точке равен ....	1) Значению производной функции в этой точке; 2) Отношению значения функции к отношению аргумента в этой точке; 3) Значению дифференциала в этой точке;	средний

		4) Значению тангенса производной в этой точке.	
ОПК-1.2, ОПК-1.5	10. Выбрать из списка показательную функцию.	1) $y = x^\alpha$ ; 2) $y = x^{-x}$ ; 3) $y = x^x$ ; 4) $y = \alpha^x$ .	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	11. Пусть функции $f(x)$ и $g(x)$ – четные, а функции $u(x)$ и $v(x)$ – нечетные. Выберите из списка четные функции.	1) $w(x) = f(x) \cdot g(x)$ ; 2) $w(x) = f(x) \cdot u(x)$ ; 3) $w(x) = u(x) \cdot v(x)$ ; 4) $w(x) = f(x) \cdot g(x) \cdot v(x)$ .	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	12. Данна производная $f'(x) = x^2 + 2x - 3$ функции $f(x)$ . Тогда функция имеет точку перегиба $x = \dots$	—	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	13. Выбрать один правильный ответ. Экстремумом функции называется ...	1) Точка минимума или максимума; 2) Наибольшее или наименьшее значение функции; 3) Точка минимума; 4) Точка максимума.	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	14. Указать обратную функцию для функции $y = x^2$ на все числовой оси.	1) $y(x) = \sqrt{x}$ ; 2) $y(x) = -\sqrt{x}$ ; 3) $y(x) = \frac{1}{x^2}$ ; 4) Не имеет обратной.	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	15. Выбрать один правильный ответ. Пусть пластина имеет форму прямоугольника, у которого расстояние между верхним и нижнем основаниями равно $f(x)$ , где $x$ – точка нижнего основания. Тогда выражение $\int_0^a f(x) dx$ , где $a$ – длина нижнего основания определяет ...	1) площадь пластины; 2) среднее расстояние между основаниями; 3) длину верхнего основания; 4) ее массу.	низкий

ОПК-1.2, ОПК-1.5	<p>16. Выбрать несколько вариантов ответа. Достаточным условием существования максимума функции <math>y=f(x)</math> в точке <math>x=x_0</math> является ...</p>	<p>1) равенство нулю производной в точке <math>x=x_0</math>;      2) равенство нулю производной в точке <math>x=x_0</math> и <math>f''(x_0) &lt; 0</math>;      3) <math>f''(x_0) &gt; 0</math>;      4) отсутствие производной у функции <math>y=f(x)</math> в точке <math>x=x_0</math>;      5) <math>f'(x_0 - 0) &lt; 0</math> и <math>f'(x_0 + 0) &gt; 0</math>;      6) равенство нулю производной в точке <math>x=x_0</math> или ее отсутствие, а также <math>f'(x_0 - 0) &gt; 0</math> и <math>f'(x_0 + 0) &lt; 0</math>.</p>	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	<p>17. Выбрать один вариант ответа. На рисунке приращению функции <math>y=f(x)</math> в точке <math>x</math> соответствует отрезок ...</p> 	<p>1) ТК:      2) MN;      3) MK;      4) NK.</p>	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	<p>18. Выбрать номер рисунка, соответствующего возрастающей и выпуклой вверх функции на отрезке <math>[a; b]</math>.</p> 	<p>1) Первый;      2) Второй;      3) Третий;      4) Четвертый.</p>	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	<p>19. Выбрать один вариант ответа. Дифференциалу функции <math>y=f(x)</math> в точке <math>x</math> соответствует отрезок ...</p>	<p>Варианты ответа:      1) ТК:      2) MN;      3) MK;      4) NK.</p>	средний

			
ОПК-1.2, ОПК-1.5	20. Пусть первообразной функции $y=f(x)$ является функция $g(x)=3x^2+1$ . Вычислить $\int_1^2 f(x)dx$ .	—	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	Итого:		

**Диагностический тест по дисциплине «Математический анализ» за второй семестр**

Проверяемые компетенции	Задание	Варианты ответа	Тип сложности
ОПК-1.2, ОПК-1.5	1. Выбрать один правильный ответ. Пусть дан числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ , его $n$ -ой частичной суммой называется выражение ...	1) $\sum_{k=1}^n a_k$ ; 2) $\sum_{k=2}^{n+1} a_k$ ; 3) $a_n$ ; 4) $a_n \cdot n$ .	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	2. Определить формулу общего члена ряда $1 + 2 + 3 + \dots + n + \dots$ . Сходится или расходится данный ряд? Выбрать верные ответы.	1) Сходится; 2) Расходится; 3) $n$ ; 4) $n+1$ ; 5) $(n+1)\frac{n}{2}$ .	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	3. Выбрать один правильный ответ. Ряд, соответствующий геометрической прогрессии, имеет вид ...	1) $\sum_{n=1}^{\infty} q^n$ , для некоторого числа $q$ ; 2) Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (a_1 + nd)$ для некоторого числа $d$ ; 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1-q^n}{1-q}$ , для некоторого числа $q$ ; 4) $\sum_{n=1}^{\infty} n^q$ , для некоторого числа $q$ .	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	4. Выбрать один правильный ответ. Ряд называется сходящимся, если ...	1) он имеет сумму;	средний

		<p>2) сходится последовательность его частичных сумм;</p> <p>3) его сумма равна рациональному числу;</p> <p>4) любой ряд сходится.</p>	
ОПК-1.2, ОПК-1.5	5. Пусть ряды $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ и $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ сходятся. Выбрать единственное ложное утверждение.	<p>1) ряд <math>\sum_{n=k}^{\infty} a_n</math> для некоторого натурального числа <math>k</math> тоже сходится;</p> <p>2) ряд <math>\sum_{n=1}^{\infty} ca_n</math> для некоторого вещественного числа <math>c</math> тоже сходится;</p> <p>3) ряд <math>\sum_{n=1}^{\infty} (a_n + b_n)</math> сходится;</p> <p>4) ряд <math>\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}</math> сходится.</p>	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	6. Выбрать один правильный ответ. Пусть дан ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ . Если выполнено соотношение $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$ . то говорят, что выполнен ...	<p>1) необходимый признак сходимости;</p> <p>2) признак Даламбера;</p> <p>3) радикальный признак Коши;</p> <p>4) Интегральный признак Коши.</p>	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	7. Выбрать один правильный ответ. Пусть дан ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ . Если выполнено соотношение $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{a_n} < 1$ . то говорят, что выполнен ...	<p>1) необходимый признак сходимости;</p> <p>2) признак Даламбера;</p> <p>3) радикальный признак Коши;</p> <p>4) Интегральный признак Коши.</p>	низкий

ОПК-1.2, ОПК-1.5	8. Выбрать один правильный ответ. Пусть дан ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ и для него $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = 1$ . Тогда справедливо утверждение ...	1) Ряд сходится; 2) Ряд расходится; 3) Ряд может как сходится, так и расходится, необходимы дополнительные исследования; 4) для определения сходимости ряда достаточно проверить необходимый признак сходимости	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	9. Выбрать один правильный ответ. Ряд $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x - x_0)^n$ называется ... для функции $y = f(x)$ в точке $x_0$ .	1) рядом Тейлора; 2) рядом Маклорена; 3) степенным рядом; 4) функциональным рядом.	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	10. Выбрать один правильный ответ. Если число $R$ является радиусом сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$ , то интервал сходимости ряда имеет вид ...	1) $(-R; R)$ ; 2) $[-R; R]$ ; 3) недостаточно информации для того, чтобы что-либо утверждать о интервале сходимости. 4) $(-R; R]$ .	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	11. Выбрать один правильный ответ. Если известно, что число $R$ является радиусом сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$ и ряд сходится на правом конце интервала сходимости, но не на левом, то область сходимости ряда имеет вид ....	1) $(-R; R)$ ; 2) $[-R; R]$ ; 3) недостаточно информации для того, чтобы что-либо утверждать о области сходимости. 4) $(-R; R]$ .	низкий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	12. Вставить пропущенное слово.	—	средний

	Функция $f(x, y)$ имеет ... в точке $M_0(x_0, y_0)$ , если неравенство $f(x_0, y_0) > f(x, y)$ имеет место во всех точках $M(x, y) \neq M_0$ из некоторой достаточно малой окрестности точки $M_0$ .		
ОПК-1.2, ОПК-1.5	13. Вставить пропущенное слово. Функция $f(x, y)$ имеет ... в точке $M_0(x_0, y_0)$ , если неравенство $f(x_0, y_0) < f(x, y)$ имеет место во всех точках $M(x, y) \neq M_0$ из некоторой достаточно малой окрестности точки $M_0$ .	—	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	14. Выбрать один правильный ответ. Пусть функция дифференцируема в точке $(x_0, y_0)$ и в этой точке выполняется условие $df(x_0, y_0) = 0$ . Это означает, что выполняется ...	1) необходимое условие существования экстремума; 2) достаточное условие существования максимума; 3) достаточное условие существования минимума; 4) условие разложения функции в ряд Тейлора в точке $(x_0, y_0)$ .	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	15. Вставить пропущенное слово. Задачу на поиск условного экстремума функции $f(x, y)$ двух переменных при условии $\phi(x, y) = 0$ можно свести к задаче на поиск безусловного экстремума для функции трех переменных $F(x, y, \lambda) = f(x, y) + \lambda\phi(x, y)$ . Эта функция называется функцией ...	—	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	16. Выбрать один правильный ответ. Пусть тонкая пластина занимает область $D$ и имеет плотность равную $f(x, y)$ в каждой точке $(x, y)$ области $D$ . Тогда выражение $\iint_D f(x, y) dx dy$ соответствует ее ...	1) массе; 2) объему; 3) площади области $D$ ; 4) высоте.	средний
ОПК-1.2, ОПК-1.5	17. Выбрать один правильный ответ. Пусть аквариум имеет форму прямоугольного параллелепипеда, у которого расстояние между верхней и нижней крышками равно $f(x, y)$ , где $(x, y)$ – координаты	1) массе; 2) объему; 3) площади области $D$ ;	средний

	точки дна аквариума (область $D$ ). Тогда выражение $\iint_D f(x, y) dx dy$ соответствует ее ...	4) высоте.	
ОПК-1.2, ОПК-1.5	18. Выбрать один правильный ответ. Пусть резервуар с неоднородной жидкостью заполняет объем $V$ . Жидкость имеет плотность равную $f(x, y, z)$ в каждой точке $(x, y, z)$ области $V$ . Тогда выражение $\iiint_V f(x, y, z) dx dy dz$ соответствует ...	1) массе жидкости в резервуаре; 2) объему жидкости в резервуаре; 3) значению средней плотности жидкости в резервуаре; 4) массе резервуара вместе с жидкостью.	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	19. Выбрать один правильный ответ. Пусть $(x, y)$ декартовы координаты некоторой точки на плоскости, а $(r, \varphi)$ ее координаты в новой системе координат, связанные соотношениями $x = r \cos \varphi$ , $y = r \sin \varphi$ . Координаты $(r, \varphi)$ называются ... координатами.	1) полярными; 2) цилиндрическим; 3) сферическими; 4) новыми декартовыми.	высокий
ОПК-1.2, ОПК-1.5	20. Выбрать один правильный ответ. Пусть $(x, y, z)$ декартовы координаты некоторой точки в пространстве, а $(r, \theta, \varphi)$ ее координаты в новой системе координат, связанные соотношениями $x = r \cos \varphi \sin \theta$ , $y = r \sin \varphi \sin \theta$ , $z = r \cos \theta$ . Координаты $(r, \theta, \varphi)$ называются ... координатами.	1) полярными; 2) цилиндрическим; 3) сферическими; 4) новыми декартовыми.	высокий

